

第三節 現行課程的依據

為了解現行數學課程的組成，及掌握八十二公佈預計八十五年推出之新教材的課程標準，以利測驗的內涵的界定，在準備階段，本研究小組人員分析現行國民小學數學課程之全部教材，包括課程標準、課本、教學指引、習作及相關之參考教材；另外，為了因應未來新教材的推出，及使本測驗具有前瞻性，研究者也參照新教材的課程標準與部份推出之實驗教材（實驗課本、習作與教學指引）與新教材所提出的學生自行建構解題的構想等來編製測驗。

第四節 現有測驗的依據

一、KeyMath-R 算術診斷測驗(Connally et al, 1988)

在現有數學能力診斷測驗中，KeyMath Revised: A Diagnostic Inventory of Essential Mathematics(KeyMath-R) 被選為本測驗的主要參考對象。這是由於它具有以下幾個特點：

1. 在結構上極為符合螺旋式課程的原理，在內容上強調功能性數學，融合傳統算術與新數學的要素。
2. 它所評鑑的數學能力範圍相當廣泛，包括下列三個領域與十四個分測驗：
 - (1)概念：認數，有理數(分數、小數、百分率)，幾何。
 - (2)運算：加法、減法、乘法、除法與心算。
 - (3)應用：測量、時間與金錢、估測、統計圖表與解題。
3. 它提供了一目瞭然的診斷側面圖，能同時提供三個層次的診斷資料(測驗總分、領域得分、分測驗得分)，便於作分析性的診斷。
4. 試題可依教學須要加以組合，使測驗與教學得以密切配合。
5. 信度與效度皆令人滿意。
6. 測驗實施的方法簡單，測驗的題目設計新穎(以畫架式折板展示，易取得受試學童的合作)，適用範圍從幼稚園至九年級。

二、美國全國性數學評量

美國於 1990 年進行第五次數學評量，其中將數學能力分為概念理解 (conceptual understanding)、程序知識 (procedural knowledge)、及解題 (problem solving)。其中解題能力之評估原則是本測驗編製解題策略部份的依據，其大綱如下（謝豐瑞，民 82）：

1. 辨識並明確的陳述問題之能力。
2. 瞭解題目中所給資料的充分性及一致性之能力。
3. 運用策略、資料、模式及相關數學之能力。
4. 一般性、擴充、及修改過程步驟之能力。
5. 以空間圖形分析、歸納法、演繹法、統計分析等方式提出解題步驟的理由之能力。
6. 判斷解答的合理性及正確性之能力。

三、英國數學發展評量

英國科學教育部、北愛爾蘭教育部、威爾斯教育局等組成評量表現單位 (Assessment of Performance Unit, APU)，APU 數學評量架構的一大向度是以學習結果來分類，其在認知方面的結果分類如下：

1. 概念 (concepts)：概念的學習結果是以須記憶關係的題目來測驗。
2. 技能 (skills)：技能的學習結果是以學童曾經練習過的例行性問題來測驗。
3. 問題解決策略 (problem solving strategies)：學習結果的評量項目有處理資料、陳述問題、解決問題的策略和方法、推廣解答、證明、評鑑結果，以紙筆測驗或一對一的實際晤談測驗二種方法來評量。

四、國際數學成就評量

在認知行為的評量方面，國際數學成就評量就計算、理解、應用、分析四個層次加以評量，各層次所包括的能力如以下。

1. 計算 (computation)：記憶特殊事實的能力、使用術語的能力、執行運算的能力。
2. 理解 (comprehension)：概念的能力、記憶數學原理、規則和通則的能力、轉換問題要素的能力、遵從一定思考方向的推理能力、閱讀和解釋問題的能力。
3. 應用 (application)：解決例行問題的能力、比較的能力、分析資料的能力、辨認組型、同構和對稱的能力。
4. 分析 (analysis)：解決非例行問題的能力、發現關係的能力、構成證明的能力、形成和驗證通則的能力。

本研究小組人員綜合上述各測驗的特性及評量的重點，並配合現行數學教材，來編製符合國小學童使用的數學診斷測驗，以期能適切的診斷學童的學習困難之處，並依據本測驗的診斷結果來提供適當的處方，來提昇學童的學習成果。